

ALGORYTMY I STRUKTURY DANYCH

Temat 4:

Realizacje dynamicznych struktur danych.

Wykładowca: **dr inż. Zbigniew TARAPATA**

e-mail: Zbigniew.Tarapata@isi.wat.edu.pl

http://www.tarapata.strefa.pl/p_algorytmy_i_struktury_danych/

Współautorami wykładu są: G.Bliźniuk, A.Najgebauer, D.Pierzchała

Wykład : Realizacje dynamicznych struktur danych

- Dynamiczne realizacje struktur listowych (definiowanie elementu listy, dołączanie i usuwanie elementu listy, wyszukiwanie elementu w liście, przestawianie elementów w liście);
- Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych (definiowanie elementu drzewa, dołączanie i usuwanie elementu drzewa, wyszukiwanie elementu w drzewie);



Statyczna a dynamiczna struktura danych

Statyczna struktura danych:

- ◆ Posiada z góry ustalony rozmiar (bez możliwości jego zmiany);
- ◆ Jej deklaracja poprzedza uruchomienie głównej procedury programu;
- ◆ Liczba zmiennych o typie statycznych musi być z góry znana;
- ◆ Pamięć jest przydzielana na wstępie a oddawana po zakończeniu programu;

Statyczna a dynamiczna struktura danych

Dynamiczną strukturę danych odróżnia sposób przydziału pamięci operacyjnej:

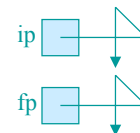
- ◆ ilość wymaganej pamięci przez struktury danych nie musi być znana przed uruchomieniem programu;
- ◆ przydział pamięci następuje dynamicznie w czasie realizacji odpowiedniej części programu;
- ◆ po wykonaniu zadań struktury danych powinny być usunięte a przydzielona pamięć dynamicznie zwolniona;
- ◆ zaleta tego podejścia:
 - możliwość dynamicznego tworzenia struktur danych o różnych „kształtach”;
 - „brak” ograniczeń na wielkość struktury;
- ◆ wada: złożone operacje dodawania i usuwania elementów struktury;

Arytmetyka wskaźników – przypomnienie

- Utworzenie struktury dynamicznej możliwe jest poprzez zastosowanie wskaźników, adresów, referencji;
- Czy potrafimy odróżnić pojęcie i właściwości:
 - ◆ zmiennej,
 - ◆ wskaźnika,
 - ◆ adresu,
 - ◆ referencji?

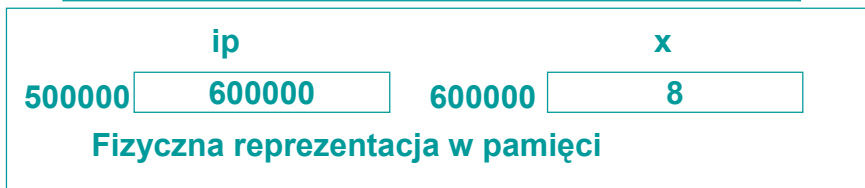
Arytmetyka wskaźników – przypomnienie

- Deklaracja zmiennej 'var' o typie 'type':
 - ◆ type var;
 - ◆ Przykład:
 - int x = 8;
- Deklaracja zmiennej wskaźnikowej 'name' do typu 'type':
 - ◆ type *name;
 - ◆ Przykład:
 - int *ip; /*wskaźnik na typ integer*/
 - float *fp; /*wskaźnik na typ float */
- Przypisanie adresu zmiennej x do wskaźnika ip;
 - ◆ ip = &x;
 - & oznacza 'adres' i zwraca adres stojącej przy nim operandy;
 - ip teraz wskazuje na x;



Arytmetyka wskaźników – przypomnienie

- Pobranie wartości wskazywanej przez wskaźnik :
 - ◆ `int y;`
 - ◆ `y = *ip;`
 - ◆ `y` teraz posiada wartość równą `x`;



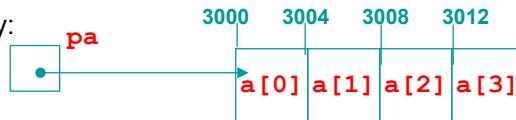
Arytmetyka wskaźników – przypomnienie

- Przeanalizuj i wyjaśnij poniższy fragment kodu:

```
int x=1, y=2, z[10];
int *ip, *iq;
ip = &x;           /* ip wskazuje na x      */
y = *ip;          /* y = 1                  */
*ip = 0;          /* x przypisano 0        */
*ip += 1;         /* x zwiększone o 1      */
y = *ip+2;        /* y = 3                  */
ip = &z[0];        /* ip wskazuje na z[0]   */
iq = ip;          /* iq wskazuje na z[0]   */
```

Arytmetyka wskaźników – przypomnienie

- Przykład operacji dla typu prostego:
 - ◆ `int *px;`
 - ◆ `px += 2;`
- `px = (adres px) + 2 * rozmiar obiektu wskazywanego przez px;`
- dla `px` równe jest 300 i rozmiaru 4 dla `int`:
 - ◆ $3000 + 2 * 4 = 3008;$
- Przykład dla tablicy:
 - ◆ `int a[4];`
 - ◆ `int *pa;`
 - ◆ `pa = a; /* lub pa=&a[0]; */`
 - `pa ++;` /*pa wskazuje na a[1] */
 - `pa += 2;` /*pa wskazuje na a[3] */
 - `pa --;` /*pa wskazuje na a[2] */



Dynamiczne zarządzanie pamięcią operacyjną

- Dynamiczny przydział pamięci (alokacja):
 - ◆ `malloc()` /* z biblioteki `stdlib.h` */
 - ◆ Przykład:
 - `void * malloc(size_t size);`
 - ◆ 'void' pozwala na wskazanie danych dowolnego typu;
 - ◆ argumentem funkcji jest rozmiar przydzielanej pamięci;
 - ◆ pamięć przydzielana jest z obszaru zwanego *kopcem*;
 - ◆ `sizeof()` – operator do określenia wielkości pamięci:
 - `sizeof(int)` – zwróci rozmiar pamięci potrzebny dla przechowania danych typu integer;
 - `sizeof(struct node)` – zwróci rozmiar pamięci potrzebny dla przechowania danych typu zadeklarowanej struktury 'node';

Dynamiczne zarządzanie pamięcią – polecenia

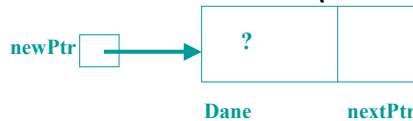
- Przykład użycia `malloc()` i `sizeof()`:

- ◆ (1) `int x=1, y;`
`y = sizeof x;`
lub `y = sizeof (int);`

- ◆ (2)

```
struct node {  
    char data;  
    struct node *nextPtr};  
struct node *newPtr;  
newPtr = malloc(sizeof(struct node));
```

rekursywna
deklaracja
struktury



Dynamiczne zarządzanie pamięcią – polecenia

- Dynamiczne zwolnienie pamięci (na kopiec):

- ◆ `free()` /* z biblioteki `stdlib.h` */

- Przykład:

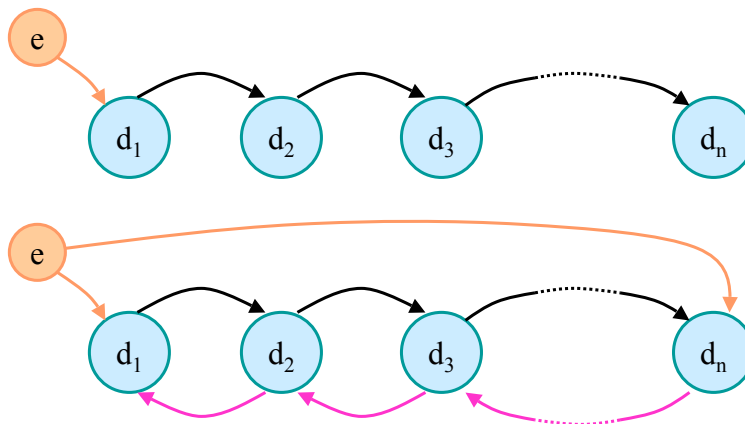
```
struct node {  
    char data;  
    struct node *nextPtr};  
struct node *newPtr;  
newPtr = malloc(sizeof(struct node));  
...  
/* operacje na danych */  
...  
free (newPtr);
```

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Definiowanie elementu listy;
- Dołączanie i usuwanie elementu listy;
- Wyszukiwanie elementu w liście;
- Przeszycie elementów w liście;

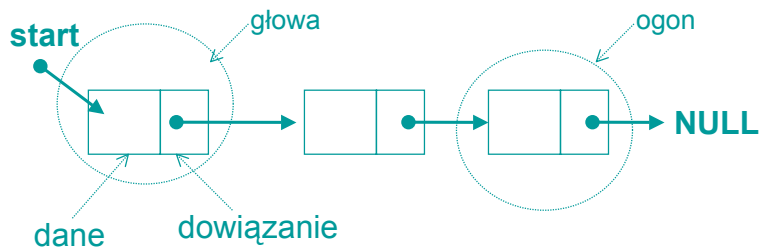
Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Model grafowy listy jednokierunkowej (dwukierunkowej)



Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Element listy zawiera:
 - ◆ Dane elementarne,
 - ◆ Odwzorowanie relacji następstwa – informacja o dowiązaniu do innych elementów;



Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Deklaracja elementu listy:

```
struct Node {
```

```
    char data;
```

```
    struct Node *next;
```

```
};
```

dane
elementarne

dowiązanie
do kolejnego
elementu

```
typedef struct Node *NodePtr;
```

```
/* pomocniczy typ wskaźnikowy do struktury 'Node' */
```

```
/* zmienna 'start' tego typu wskazywać będzie głowę listy */
```


Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Podstawowe operacje na listach:
 - ◆ dołączanie elementu do listy,
 - ◆ wyszukiwanie elementu w liście,
 - ◆ usuwanie elementu z listy,
 - ◆ przestawianie elementów w liście (=>*więcej na wykładzie dotyczącym sortowania list*);

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (1):
 - ◆ Cel:
 - Dodanie nowego elementu do listy;
 - ◆ Dane wejściowe:
 - Dowiązanie głowy listy 'startPtr';
 - Nowa dana elementarna;

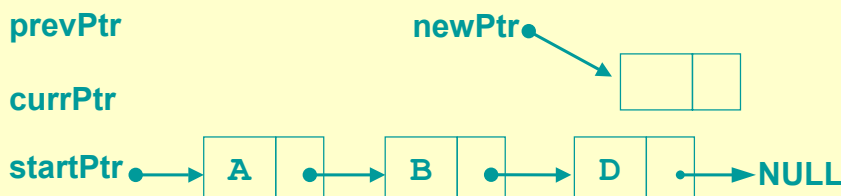
Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (2):
 - ◆ Utwórz element i ustal dane elementarne;
 - ◆ Znajdź miejsce wstawienia elementu w liście;
 - ◆ Wstaw element do listy:
 - ☞ Wstaw element jako pierwszy w liście;
 - ☞ (lub) Wstaw element we wskazane miejsce w liście;

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (3):
 - ◆ Utwórz element i ustal dane elementarne

```
int insert (NodePtr *startPtr, char nazwa)
{
    Node *newPtr, *currPtr, *prevPtr;
    int retcode=1;
    /* Utwórz element Node */
    newPtr = (Node *)malloc(sizeof(Node));
```



Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (4):

- Utwórz element i ustal dane elementarne

```
int insert (NodePtr *startPtr, char nazwa)
{
    Node *newPtr, *currPtr, *prevPtr;
    int retcode = 1;
    /* Utwórz element Node */
    newPtr = (Node *)malloc(sizeof(Node));
    if (newPtr == NULL) /* weryfikacja przydzielonej pamięci*/
        retcode = 0;
    else
    { /* Ustal dane elementarne w Node */
        newPtr -> data = nazwa;
        newPtr -> next = NULL;
        /* Inicjalizacja wskaźników pomocniczych */
        currPtr = *startPtr; /* ustaw wskaźnik na głowę listy */
        prevPtr = NULL;
    }
}
```

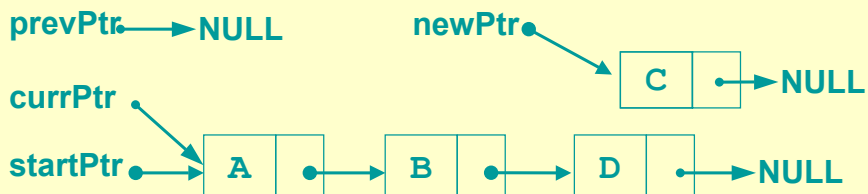
Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (4):

- Utwórz element i ustal dane elementarne

```
int insert (NodePtr *startPtr, char nazwa)
{
    Node *newPtr, *currPtr, *prevPtr;
    int retcode = 1;
    /* Utwórz element Node */
    newPtr = (Node *)malloc(sizeof(Node));
    if (newPtr == NULL) /* weryfikacja przydzielonej pamięci*/
        retcode = 0;
    else
    { /* Ustal dane elementarne w Node */

```



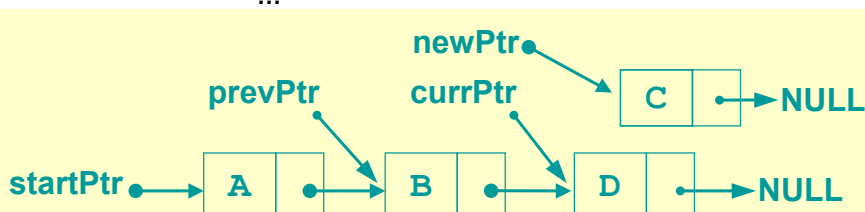
Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (5):
 - ◆ Utwórz element i ustal dane elementarne
 - ◆ Znajdź miejsce wstawienia elementu w liście
 - Dopóki *currPtr* jest różny od *NULL* oraz dane elementu wstawianego są 'większe' od *currPtr->data*:
 - Ustaw *prevPtr* na *currPtr*;
 - Przesuń *currPtr* na następny element listy;

```
...
/* Znajdź miejsce wstawienia */
while ((currPtr != NULL) && (nazwa > currPtr->data))
{
    prevPtr = currPtr;
    currPtr = currPtr -> next;
}
```

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (5):
 - ◆ Utwórz element i ustal dane elementarne
 - ◆ Znajdź miejsce wstawienia elementu w liście
 - Dopóki *currPtr* jest różny od *NULL* oraz dane elementu wstawianego są 'większe' od *currPtr->data*:
 - Ustaw *prevPtr* na *currPtr*;
 - Przesuń *currPtr* na następny element listy;



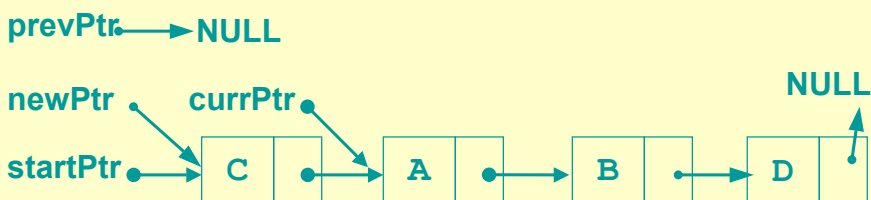
Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (6):
 - ◆ Utwórz element i ustal dane elementarne
 - ◆ Znajdź miejsce wstawienia elementu w liście
 - Zainicjalizuj *currPtr* na *start* listy a *prevPtr* na *NULL*;
 - Dopóki *currPtr* jest różny od *NULL* i wartość wstawiana jest większa od *currPtr->data*:
 - Ustaw *prevPtr* na *currPtr*;
 - Przesuń *currPtr* na następny element listy;
 - ◆ Wstaw element do listy:
 - Wstaw element jako pierwszy w liście:
 - Ustaw pole *next* elementu wstawianego na pierwszy element listy;
 - Ustaw wskaźnik do listy na element wstawiony;
 - (lub) Wstaw element we wskazane miejsce w liście:
 - Ustaw pole *next* elementu *prevPtr* na element wstawiany;
 - Ustaw pole *next* elementu wstawianego na element *currPtr*;

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (7):

```
/* Wstaw element */
if (prevPtr == NULL)
/* Wstaw element jako pierwszy w liście */
{
  newPtr -> next = *startPtr;
  *startPtr = newPtr;
}
```



Dynamiczne realizacje struktur listowych

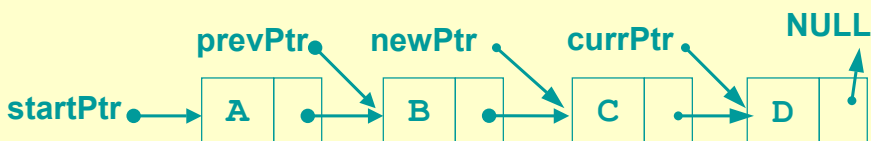
- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (8):

```
/* Wstaw element */  
...  
/* Wstaw element w miejsce między prevPtr a currPtr */  
else  
{  
    newPtr->next = currPtr;  
    prevPtr->next = newPtr;  
}  
retcode = 1;  
}  
return retcode;  
}
```

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **dołączania** elementu do listy **jednokierunkowej** (8):

```
/* Wstaw element */  
...  
/* Wstaw element w miejsce między prevPtr a currPtr */  
else  
{  
    newPtr->next = currPtr;
```



Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Uwagi do **dołączania** elementu do listy **dwukierunkowej**:
 - ◆ każdy element posiada dodatkowe pole (dowiązanie) *prev*, które dla pierwszego elementu listy jest równe *NULL*;
 - ◆ lista może być przeglądana w obydwu kierunkach;
 - ◆ często pamięta się dowiązania do pierwszego i ostatniego elementu;
 - ◆ należy zawsze uaktualniać dowiązania w obydwu kierunkach (wartości czterech pól);

Czy potrafisz dostosować zaprezentowany algorytm do list dwukierunkowych?

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Uwagi do **dołączania** elementu do listy **cyklicznej**:
 - ◆ brak dowiązań wskazujących na *NULL*;
 - ◆ w liście jednoelementowej dowiązania wskazują na ten sam element;
 - ◆ aby uniknąć pętli nieskończonej podczas przeglądania listy, należy zastosować 'strażnika' – dowiązanie do pierwszego elementu (umownego);

Czy potrafisz dostosować zaprezentowany algorytm do list cyklicznych?

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **szukania** elementu w liście **jednokierunkowej (1)**:
 - ◆ Cel:
 - Wyszukanie elementu w liście;
 - ◆ Dane wejściowe:
 - Dowiązanie głowy listy 'startPtr';
 - Kryterium poszukiwania, np. wartość danej elementarnej;
 - ◆ Uwagi:
 - W skrajnym przypadku należy przejrzeć wszystkie elementy (złożoność $O(n)$);

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **szukania** elementu w liście **jednokierunkowej (2)**:
 - ◆ Rozpocznij od pierwszego elementu listy;
 - ◆ Dopóki aktualny element listy jest różny od NULL oraz dane szukane są różne od danych aktualnego elementu, to przemieść się do następnego elementu listy;
 - ◆ Daj dowiązanie do aktualnego elementu;

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **szukania** elementu w liście **jednokierunkowej** (3):

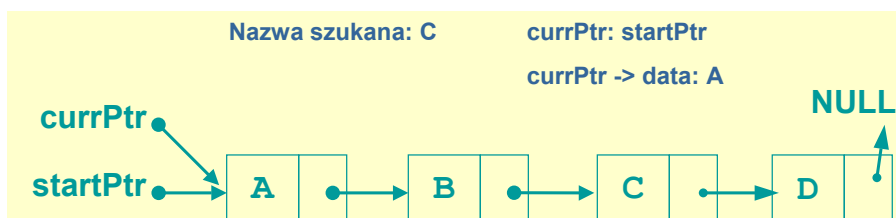
```
Node *Find (NodePtr *startPtr, char nazwa)
{
    NodePtr currPtr = *startPtr;    /* pierwszy element listy
    */
    while ((currPtr != NULL) && (currPtr -> data !=
    nazwa))
        currPtr = currPtr -> next;
    return currPtr;
}
```

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **szukania** elementu w liście **jednokierunkowej** (4):

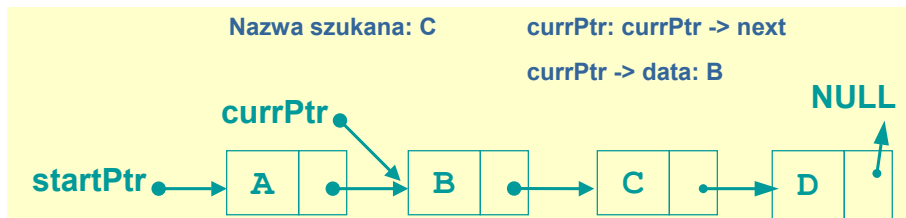
- Przykład:

```
Node *ele = Find (startPtr, 'C');
```



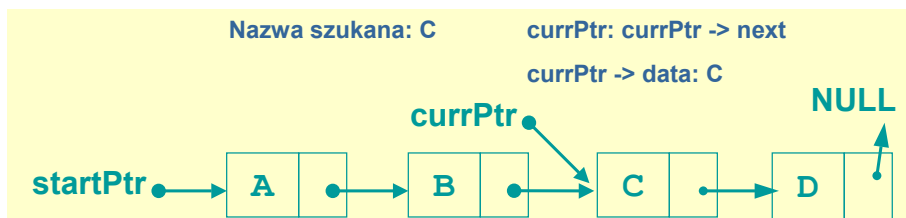
Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **szukania** elementu w liście **jednokierunkowej** (5):
- Przykład:
Node *ele = Find (startPtr, 'C');



Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **szukania** elementu w liście **jednokierunkowej** (6):
- Przykład:
Node *ele = Find (startPtr, 'C');



Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **usuwania** elementu z listy **jednokierunkowej (1)**:
 - ◆ Cel:
 - Usunięcie elementu z listy;
 - ◆ Dane wejściowe:
 - Dowiązanie głowy listy 'startPtr';
 - Opis elementu, np. wartość danej elementarnej;

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Algorytm **usuwania** elementu z listy **jednokierunkowej (2)**:
 - ◆ Jeżeli dane są zgodne z danymi pierwszego elementu listy
 - Usuń pierwszy element listy;
 - ◆ W p.p. znajdź element do usunięcia w liście;
 - ◆ Jeżeli nie znaleziono elementu, generuj komunikat;
 - ◆ W p.p. usuń znaleziony element;

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **usuwania** elementu z listy **jednokierunkowej** (3):
 - ◆ Jeżeli dane są zgodne z danymi pierwszego elementu listy
 - Usuń pierwszy element listy;

```
int delete (NodePtr *startPtr, char nazwa)
{
    NodePtr prevPtr, currPtr, tempPtr;
    int retcode;
    if (*startPtr == NULL)          /* Lista pusta */
        retcode = 0;
    else
    {
        if (nazwa == (*startPtr)->data) /* Usuń pierwszy element listy */
        {
            tempPtr = *startPtr;
            *startPtr = (*startPtr)->next;
            free (tempPtr);
            retcode = 1;
        }
    }
}
```

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **usuwania** elementu z listy **jednokierunkowej** (4):
 - ◆ Jeżeli dane są zgodne z danymi pierwszego elementu listy
 - Usuń pierwszy element listy;
 - ◆ W p.p. znajdź w liście element do usunięcia:

```
...
else
{ /* znajdź w liście element do usunięcia */
    prevPtr = *startPtr;          /* początek listy */
    currPtr = (*startPtr)->next; /* drugi element*/

    while (currPtr != NULL && currPtr -> data != nazwa)
    {
        prevPtr = currPtr;
        currPtr = currPtr -> next;
    }
}
```

Dynamiczne realizacje struktur listowych

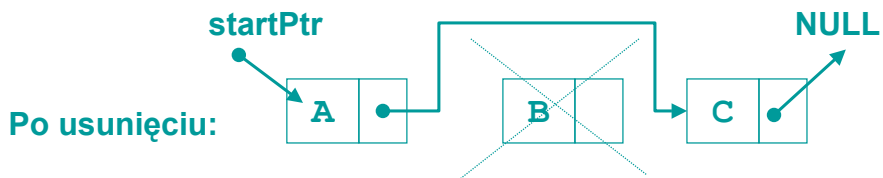
- Alorytm **usuwania** elementu z listy **jednokierunkowej** (5):
 - ◆ Jeżeli dane są zgodne z danymi pierwszego elementu listy
 - Usuń pierwszy element listy;
 - ◆ W p.p. znajdź element do usunięcia w liście:
 - Jeżeli nie znaleziono elementu, generuj komunikat;
 - W p.p. usuń znaleziony element;

```
...
if (currPtr == NULL)
    retcode = 0; /* node not found */
else
{ /* Usuń znaleziony element */
    tempPtr = currPtr;
    prevPtr->next = currPtr->next;
    free (tempPtr);
    retcode = 1;
} } }
```

return retcode;

Dynamiczne realizacje struktur listowych

- Alorytm **usuwania** elementu z listy **jednokierunkowej** (6):

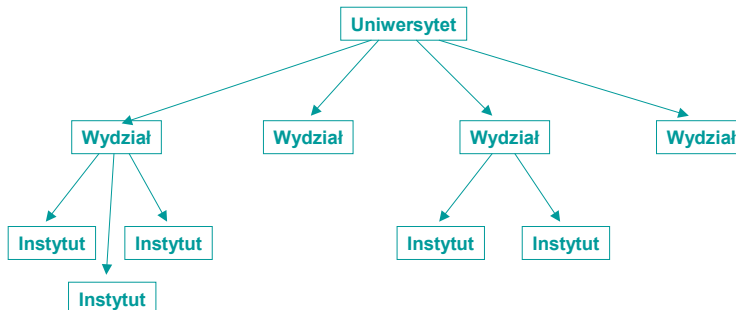


Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Definiowanie elementu drzewa;
- Dołączanie i usuwanie elementu drzewa;
- Wyszukiwanie elementu w drzewie;

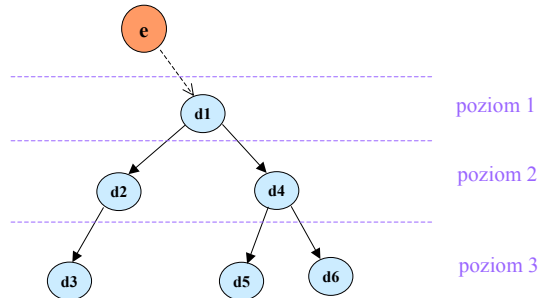
Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Drzewiastą strukturą danych nazywamy strukturę danych $S=(D, R, e)$, w której relacja porządkująca N opisuje kolejne, rekurencyjne powiązania pomiędzy danymi elementarnymi drzewa, tworzącymi kolejne „poddrzewa”.
- Przykład struktury drzewiastej



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Drzewo binarne (dwójkowe):
 - ◆ Drzewo o stopniu 2 (każdy węzeł ma co najwyżej dwóch **następników – potomków**: lewego i prawego);
 - ◆ Ostatnimi potomkami są **liście** (elementy, które nie mają potomków);



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Drzewo binarne (dwójkowe):
 - ◆ Drzewo o stopniu 2 (każdy węzeł ma co najwyżej dwóch **następników – potomków**: lewego i prawego);
 - ◆ Ostatnimi potomkami są **liście** (elementy, które nie mają potomków);



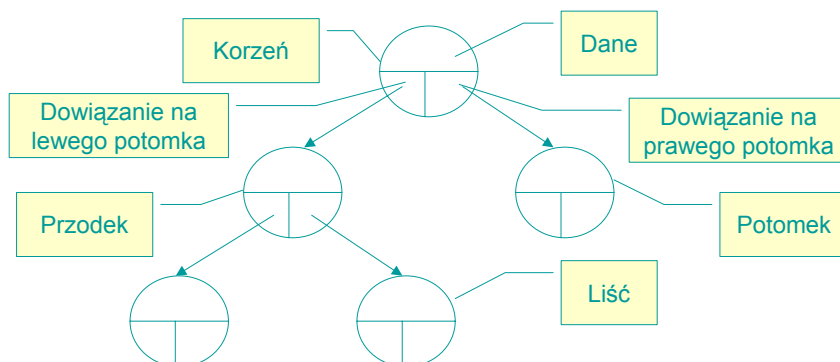
Czy drzewo z poprzedniego slajdu (Uniwersytet) jest drzewem binarnym?

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Zupełne drzewo binarne (dwójkowe):
 - ◆ Każdy węzeł, z wyjątkiem liści, ma dokładnie dwóch potomków;
- Drzewo poszukiwań binarnych (BST):
 - ◆ Dla każdego węzła (nie liścia) wszystkie wartości przechowywane w lewym poddrzewie są mniejsze od jego wartości oraz przeciwnie dla drzewa prawego;
- Drzewo AVL (1962 – Adelson-Velskii, Landis)
 - ◆ Drzewo BST jest drzewem AVL wtedy, kiedy dla każdego wierzchołka wysokości dwóch jego poddrzew różnią się o co najwyżej 1 poziom;
- Kopiec
 - ◆ Wartości przechowywane w potomkach każdego węzła są mniejsze od wartości węzła;
 - ◆ Drzewo jest ściśle wypełniane od lewego poddrzewa;
 - ◆ Liście leżą na co najwyżej dwóch sąsiednich poziomach;

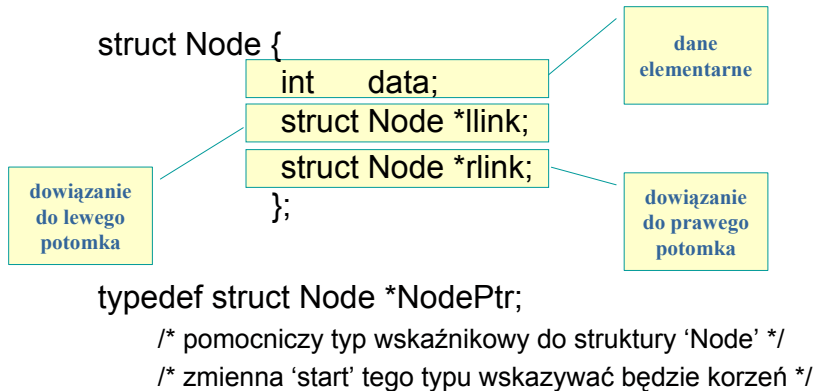
Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Element drzewa zawiera:
 - ◆ Dane elementarne,
 - ◆ Realizację relacji następstwa – dowiązania do następników;



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Deklaracja elementu drzewa binarnego:



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Podstawowe operacje na drzewach **binarnych**:
 - ◆ szukanie elementu w drzewie,
 - ◆ przeglądanie drzewa;
 - ◆ dołączanie elementu do drzewa,
 - ◆ usuwanie elementu z drzewa,
- Uwaga:
 - ◆ Operacje te często są realizowane rekurencyjnie;

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **szukania** elementu w drzewie **binarnym** (1):
 - ◆ Cel:
 - uzyskanie dowiązania do węzła;
 - można je interpretować jako identyfikację węzła;
 - ◆ Dane wejściowe:
 - Dowiązanie do korzenia drzewa 'Root';
 - Kryterium poszukiwania, np. wartość danej elementarnej;
 - ◆ Uwagi:
 - kolejność przeszukiwania dowolna – w skrajnym przypadku należy przejrzeć wszystkie węzły w drzewie (złożoność $O(n)$);
 - stosowane rozwiązania: pętla lub rekurencja;

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **szukania** elementu w drzewie **binarnym** (2):
 - ◆ Ustaw aktualne dowiązanie na korzeń drzewa;
 - ◆ Dopóki aktualne dowiązanie jest różne od NULL:
 - Jeżeli wartość szukana jest mniejsza od danej aktualnego węzła, to szukaj w jego lewym poddrzewie;
 - Jeżeli wartość szukana jest większa od danej aktualnego węzła, to szukaj w jego prawym poddrzewie;
 - Jeżeli wartość szukana jest równa danej aktualnego węzła, to koniec – daj dowiązanie do węzła;

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **szukania** elementu w drzewie **binarnym** (3):

- Wersja procedury z pętlą:

```
NodePtr find (int inValue, NodePtr node)
{
    while (node) {
        if (inValue == node -> data)
            return node;
        else if (inValue < node -> data)
            node = node -> llink;
        else if (inValue > node -> data)
            node = node -> rlink;
        return NULL;
    }
}
```

przejsięcie do
lewego
poddrzewa

przejsięcie do
prawego
poddrzewa

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **szukania** elementu w drzewie **binarnym** (4):

- Wersja procedury rekurencyjnej:

```
NodePtr find (int inValue, NodePtr node)
{
    if (node) {
        if (inValue == node -> data)
            return node;
        else if (inValue < node -> data)
            return find ( inValue, node -> llink);
        else if (inValue > node -> data)
            return find ( inValue, node -> rlink);
        else return NULL;
    }
}
```

wywołanie
procedury
dla lewego
poddrzewa

wywołanie
procedury
dla prawego
poddrzewa

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

■ Algorytm *przeładowanie* drzewa *binarnego* (1):

◆ Cel:

- jednokrotne „odwiedzenie” każdego elementu drzewa;
- można je interpretować jako umieszczenie wszystkich węzłów w jednej linii – linearyzacja drzewa;

◆ Dane wejściowe:

- Dowiązanie do korzenia drzewa 'Root';

◆ Uwagi:

- kolejność przejścia dowolna – liczba możliwych ścieżek w drzewie o n węzłach wynosi $n!$ (permutacja);
- najczęściej stosowane sposoby: wszerz i w głąb;

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

■ Algorytm *przeładowanie* drzewa *binarnego w głąb* (2):

◆ Wersja „inorder” – LVR

- Przejście do lewego poddrzewa (L);
- Odwiedzenie węzła (V);
- Przejście do prawego poddrzewa (R);

◆ Wersja „preorder” – VLR

- Odwiedzenie węzła (V);
- Przejście do lewego poddrzewa (L);
- Przejście do prawego poddrzewa (R);

◆ Wersja „postorder” – LRV

- Przejście do lewego poddrzewa (L);
- Przejście do prawego poddrzewa (R);
- Odwiedzenie węzła (V);

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **przeoglądanie** drzewa **binarnego w głąb** (3):
 - ◆ Wersja procedury „inorder” – LVR

```
void inorder (NodePtr node)
{
    if (node)
    {
        inorder (node -> llink);
        visit (node);
        inorder (node -> rlink);
    }
}
```

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **przeoglądanie** drzewa **binarnego w głąb** (4):
 - ◆ Wersja procedury „preorder” – VLR

```
void preorder (NodePtr node)
{
    if (node)
    {
        visit (node);
        preorder (node -> llink);
        preorder (node -> rlink);
    }
}
```

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w głąb** (5):
 - Wersja procedury „postorder” – LRV

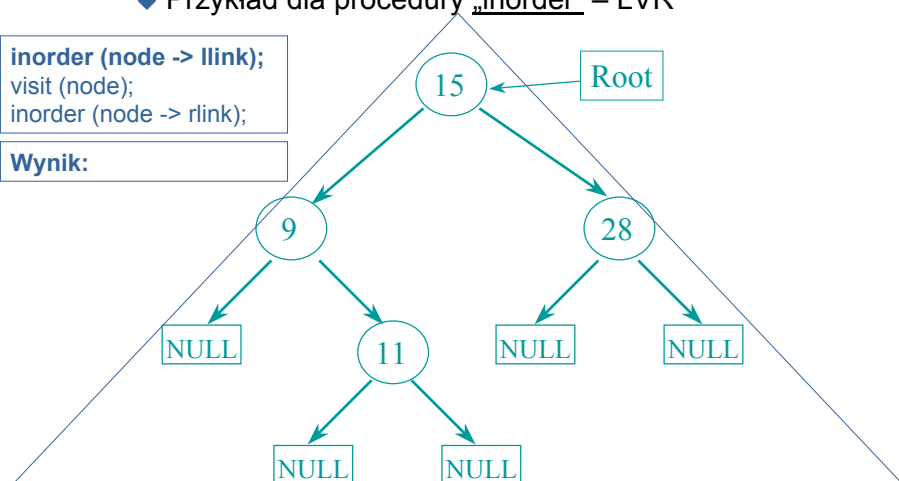
```
void postorder (NodePtr node)
{
  if (node)
  {
    postorder (node -> llink);
    postorder (node -> rlink);
    visit (node);
  }
}
```

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w głąb** (6):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR

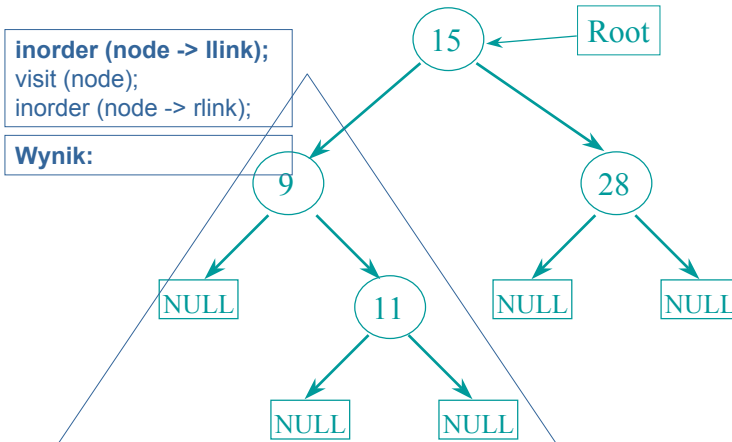
```
inorder (node -> llink);
visit (node);
inorder (node -> rlink);
```

Wynik:



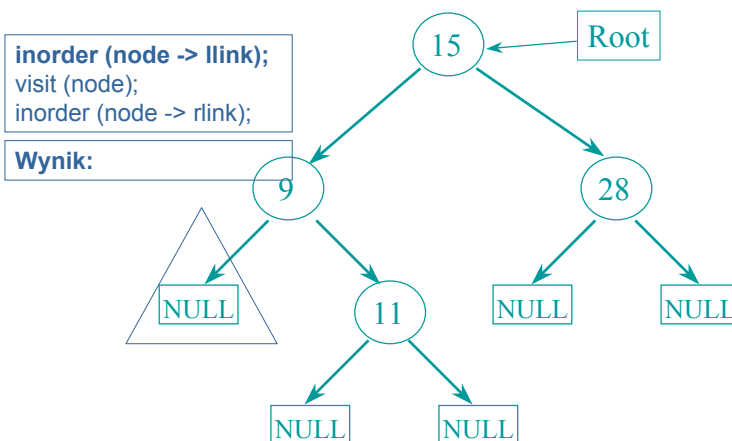
Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (7):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



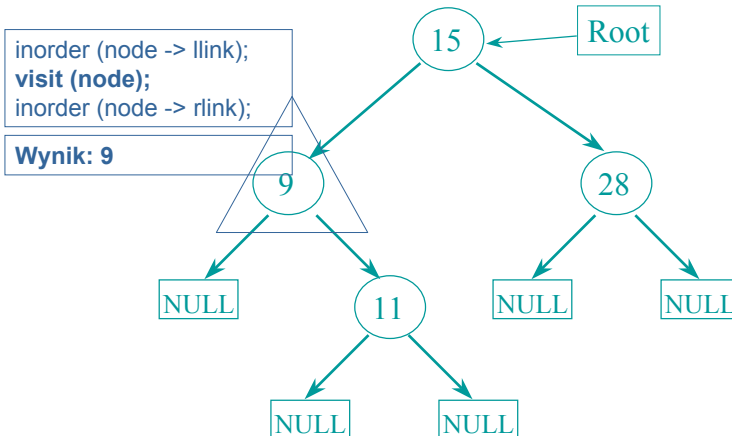
Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (8):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



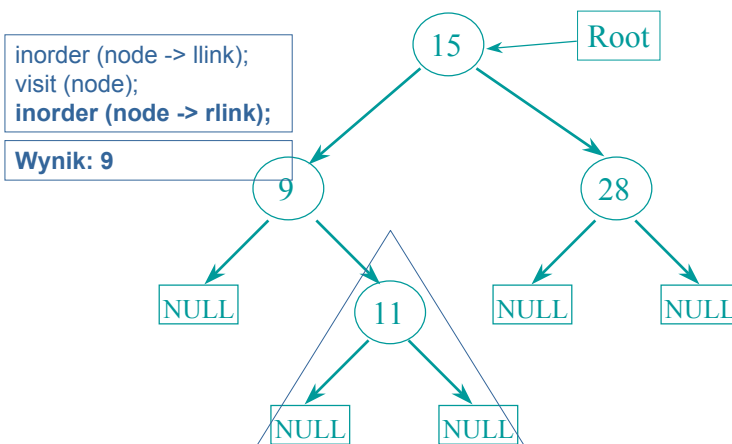
Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (9):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (10):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR

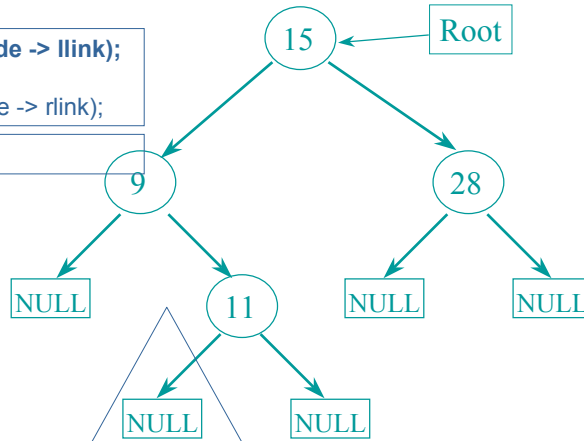


Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (11):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR

```
inorder (node -> llink);  
visit (node);  
inorder (node -> rlink);
```

Wynik: 9

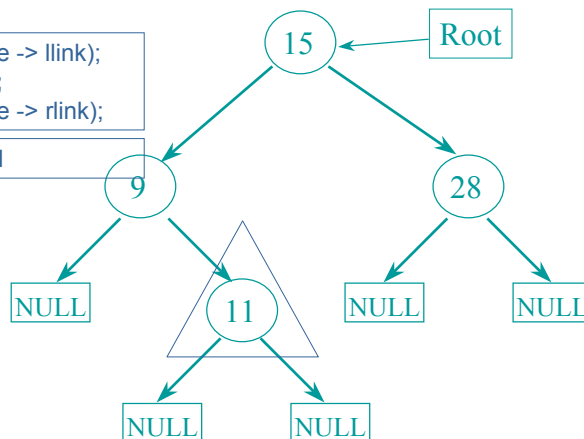


Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (12):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR

```
inorder (node -> llink);  
visit (node);  
inorder (node -> rlink);
```

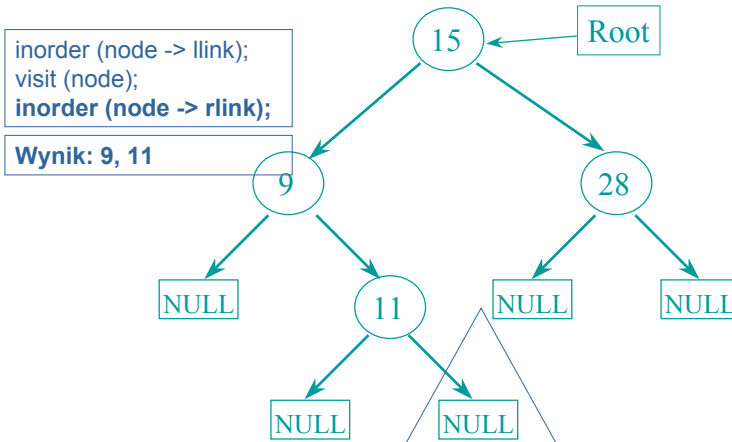
Wynik: 9, 11



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (13):

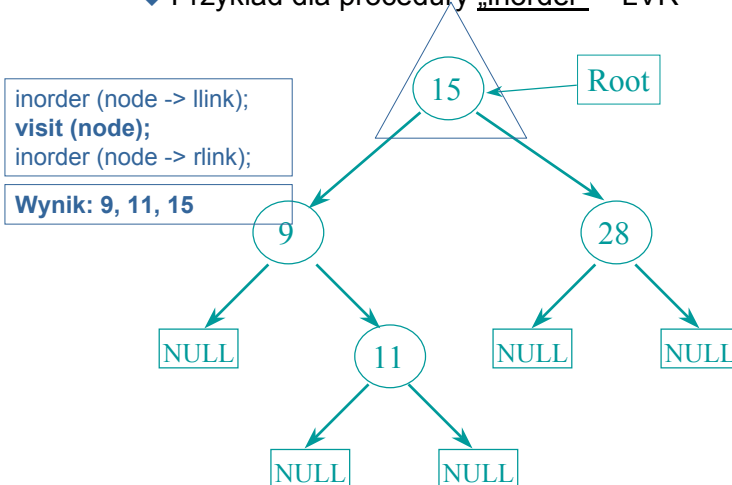
◆ Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (14):

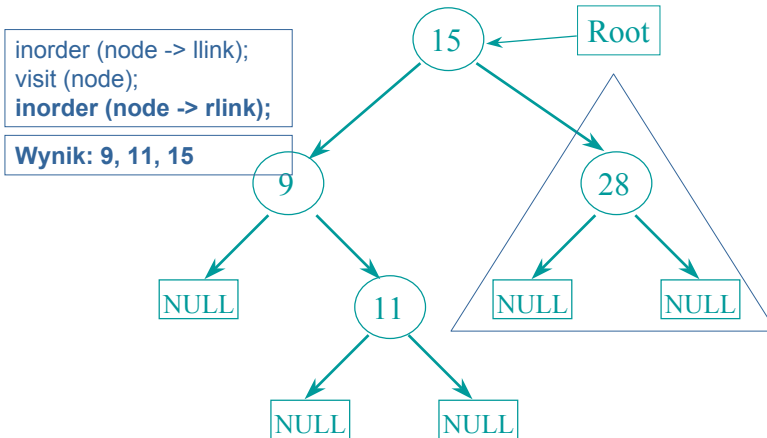
◆ Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (15):

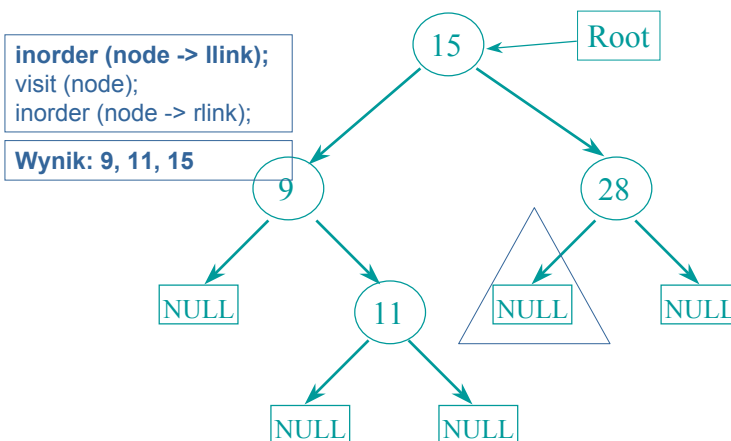
◆ Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

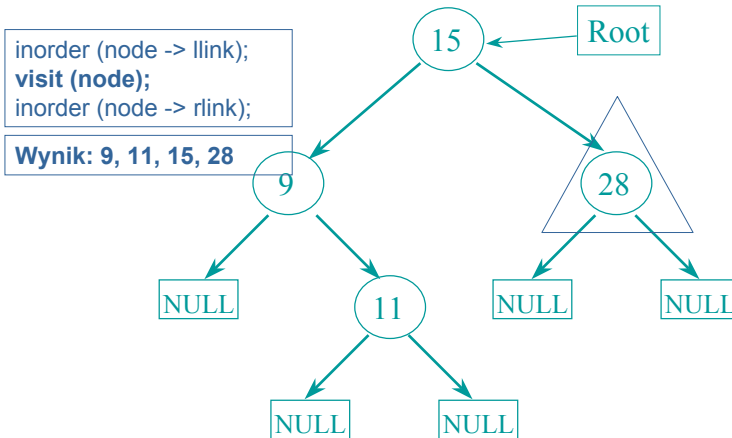
- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (16):

◆ Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



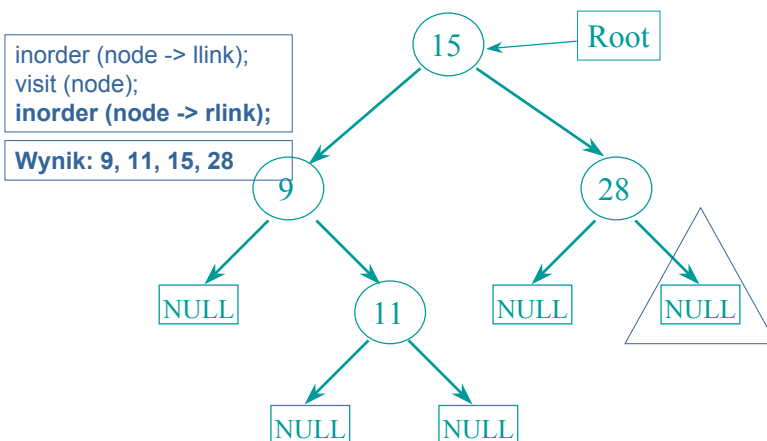
Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (17):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **przeładowanie** drzewa **binarnego w glab** (18):
 - Przyklad dla procedury „inorder” – LVR



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (1):

- ◆ Cel:

- ☞ dodanie nowego elementu do drzewa;

- ◆ Dane wejściowe:

- ☞ Dowiązanie do korzenia drzewa 'Root';
- ☞ Nowa dana elementarna;

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (2):

- ◆ Utwórz element i ustal dane elementarne;

- ◆ Znajdź miejsce wstawienia elementu w drzewie;

- ◆ Wstaw element do drzewa:

- ☞ Wstaw element jako pierwszy w drzewie;
- ☞ (lub) Wstaw element we wskazane miejsce w drzewie;

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (3):

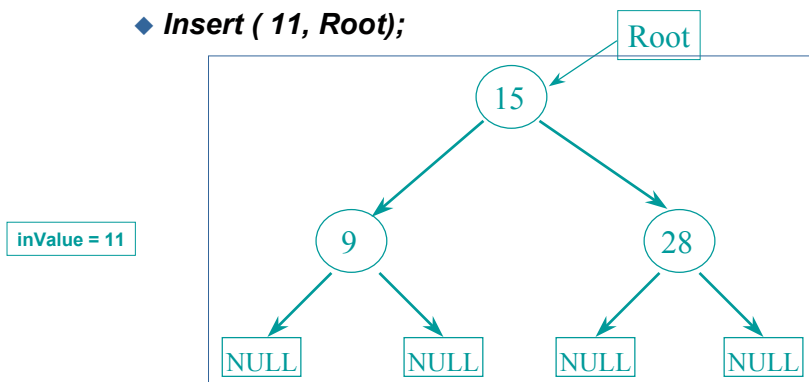
```
void Insert (int inValue, NodePtr &next) {  
    if (next == NULL ) {  
        next = (Node *)malloc(sizeof(Node));  
        next -> llink = NULL;  
        next -> rlink = NULL;  
        next -> data = inValue;  
    }  
    else if ( inValue < next -> data )  
        Insert( inValue, next -> llink );  
    else if ( inValue > next -> data )  
        Insert( inValue, next -> rlink );  
}
```

rekurencja

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (4):

- Wstawienie do drzewa elementu z wartością '11';
- Insert (11, Root);**

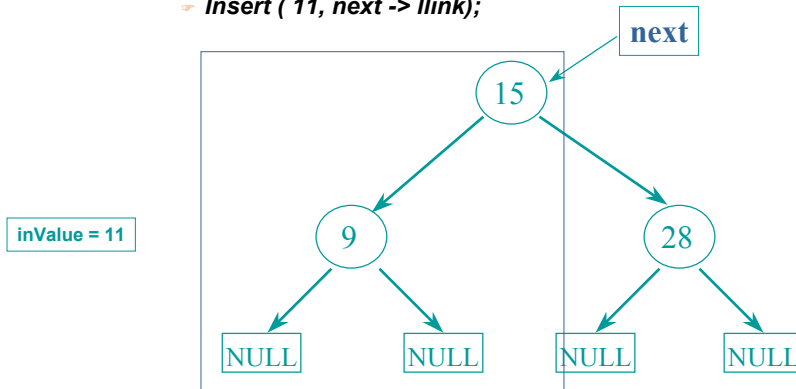


Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (5):

◆ Dopóki ($inValue < next \rightarrow data$)

➤ $Insert(11, next \rightarrow llink);$

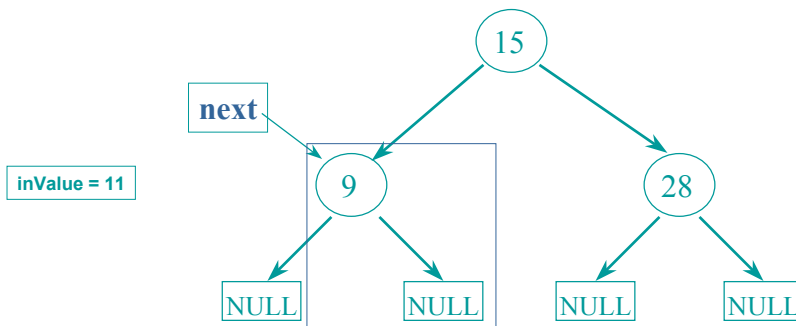


Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (6):

◆ Dopóki ($inValue > next \rightarrow data$)

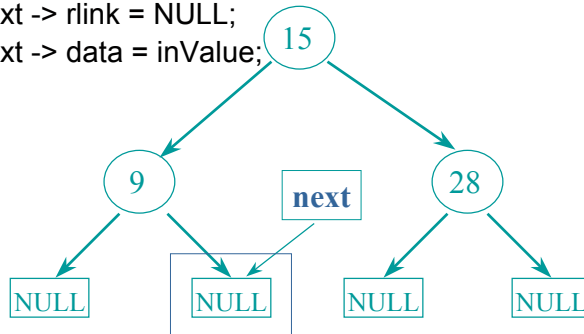
➤ $Insert(11, next \rightarrow rlink);$



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (7):
 - if (next == NULL) {
 - next = (Node *)malloc(sizeof(Node));
 - next -> llink = NULL;
 - next -> rlink = NULL;
 - next -> data = inValue;
 - }

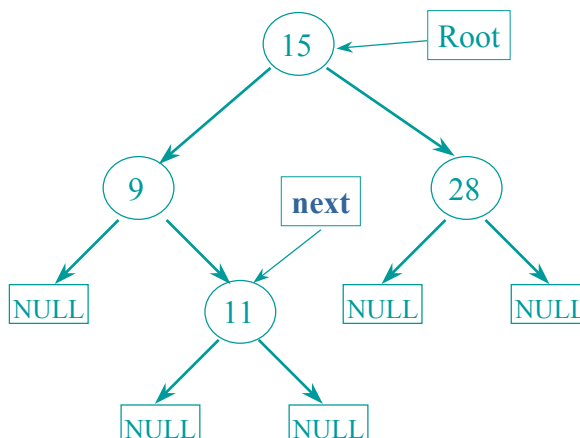
inValue = 11



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **dołączania** elementu do drzewa **binarnego** (8):
 - Drzewo po wstawieniu elementu z wartością '11';

inValue = 11



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

■ Algorytm *usuwania* elementu z drzewa *binarnego* (1):

◆ Cel:

- Usunięcie węzła z drzewa;

◆ Dane wejściowe:

- Dowiązanie do korzenia drzewa 'Root';
- Opis elementu usuwanego, np. wartość danej elementarnej;

◆ Uwagi:

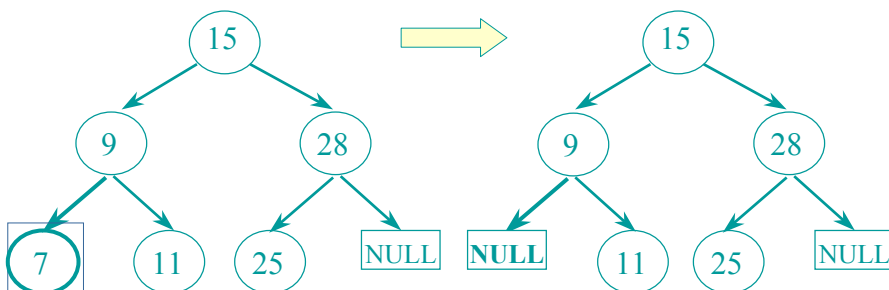
- Przypadek 1: węzeł jest liściem;
- Przypadek 2: węzeł ma jednego potomka;
- Przypadek 3: węzeł ma dwóch potomków;

Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

■ Algorytm *usuwania* elementu z drzewa *binarnego* (2):

◆ Przypadek 1: węzeł jest liściem:

- Znajdź element w drzewie;
- Usuń węzeł z drzewa;

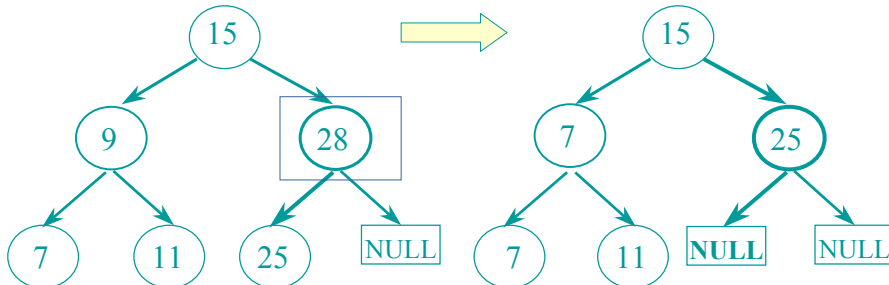


Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **usuwania** elementu z drzewa **binarnego** (3):

- ◆ Przypadek 2: węzeł ma jednego potomka:

- Znajdź element w drzewie;
- Usuń węzeł z drzewa;
- Zastąp węzeł usunięty jego potomkiem (zmiana dowiązania w przodku węzła usuwanego)

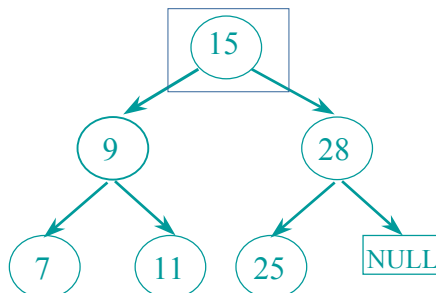


Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **usuwania** elementu z drzewa **binarnego** (4):

- ◆ Przypadek 3: węzeł ma dwóch potomków:

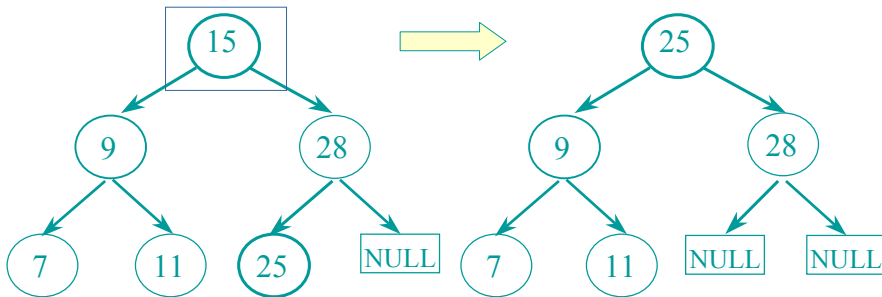
- Znajdź element w drzewie;
- Usuń węzeł z drzewa;
- Zastąp węzeł usunięty: najmniejszym z prawego poddrzewa lub największym z lewego poddrzewa;



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **usuwania** elementu z drzewa **binarnego** (5):

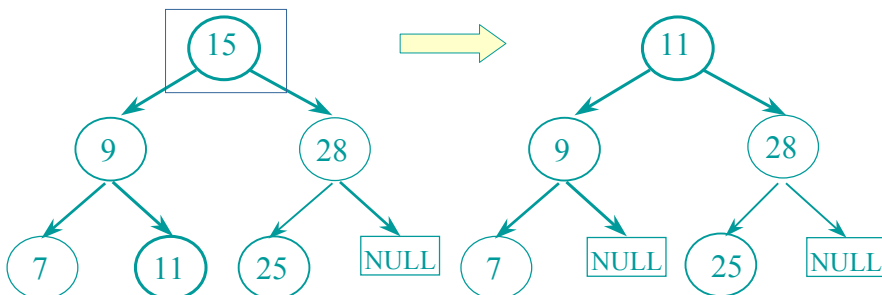
- Przypadek 3: węzeł ma dwóch potomków:
 - Wersja z przesunięciem najmniejszego elementu z prawego poddrzewa (skrajnie lewy wierzchołek);



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Alorytm **usuwania** elementu z drzewa **binarnego** (6):

- Przypadek 3: węzeł ma dwóch potomków:
 - Wersja z przesunięciem największego elementu z lewego poddrzewa (skrajnie prawy wierzchołek);



Dynamiczne realizacje struktur drzewiastych

- Algorytm **usuwania** elementu z drzewa **binarnego** (7):
 - ◆ Jeżeli w „Przypadku 3” przesuwany:
 - skrajnie prawy węzeł (największy element) z lewego poddrzewa posiada potomka lewego;
 - skrajnie lewy węzeł (najmniejszy element) z prawego poddrzewa posiada potomka prawego;
 - ◆ to należy zastosować dla węzła przesuwanego dodatkowo algorytm usuwania z „Przypadku 2” (usuwanie węzła z jednym potomkiem);
- Inne rozwiązanie dla operacji usuwania zobaczymy na wykładzie dotyczącym działań na rodzajach drzew binarnych;



Dziękuję za uwagę